التطورات الرتبية

الكتاب الأول

تطور جملة ميكانيكية

الوحدة 05

GUEZOURI Aek - lycée Maraval - Oran

تمارين الكتاب

حسب الطبعة 2013 للكتاب

التمرين 27

. $f = k v^2$ الشكل المعطى في الكتاب يوافق دافعة أرخميدس مهملة وقوة الاحتكاك -1

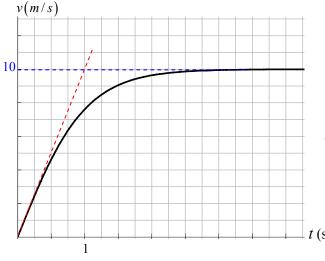
في المجال الزمني [S 2,75 s] : النظام الانتقالي

من أجل t > 2,75s النظام الدائم

2 - أ) السرعة الحدّية: نرسم الخط المقارب الأفقى للبيان فيقطع محور $v_{l} = 10 m/s$ هي القيمة $10 \, \mathrm{m/s}$ ، ومنه السرعة الحدّية القيمة

ب) الزمن المميّز: نرسم المماس للبيان في المبدأ ونحدّد فاصلة تقاطعه مع الخط المقارب.

 $\tau = 1 s$ من البيان



التمرين 28

(1) P = mg : ثقل الجسم – 1

 $P=44.5\times 10^{-3}\times 10=0.445N$: (1) وبالتعويض في $m=\rho\ V=8.9\times 5=44.5g$

 $\Pi=
ho'_{eav}Vg=1 imes5 imes10^{-3} imes10=0,05\,N$: الذي أزاحه الجسم أزاحه الجسم عن الماء هي ثقل الماء الذي أزاحه الجسم أزاحه الجسم الماء الذي أزاحه الجسم الماء الذي أزاحه الجسم الماء الذي أزاحه الجسم الماء الذي أزاحه الماء ا

 $\Pi = \rho'_{air} Vg = 1,3 \times 10^{-3} \times 5 \times 10^{-3} \times 10 = 6,5 \times 10^{-5} N$: دافعة أرخميدس في الهواء هي ثقل الهواء الذي أزاحه الجسم -3التمرين 29

تتحرك الجملة بسرعة ثابتة ، إذن حركتها منتظمة .

 $ec{T}$ وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلي : يخضع إلى قوتين هما : ثقله $ec{P}$ وتوترات الحبال التي تشدّه للمظلة والتي تكافئ قوة واحدة $ec{T}$

بإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضّح في الشكل : P-T=0 ، ومنه :

. (a=0) $\vec{P}+\vec{T}=m\;\vec{a}$: بتطبیق القانون الثانی لنیوتن علی مرکز عطالة المظلی

 $T = P = mg = 60 \times 10 = 600N$

. $ec{T}$ ' وتوتّر الحبال $ec{P}$ ومقاومة الهواء $ec{f}$ وتوتّر الحبال $ec{T}$.

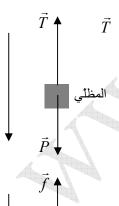
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة المظلة:

. (a = 0) $\vec{P}' + \vec{T}' + \vec{f} = m' \vec{a}$

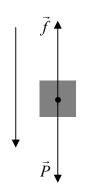
، P'+T'-f=0 : بإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضّح في الشكل

ولدينا T = T' (إهمال كتلة الحبال) ، ومنه :

 $f = P' + T' = P' + T = 7 \times 10 + 600 = 670N$



التمرين 30



 $ec{P}+ec{f}=m\;ec{a}$: بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة مركز عطالة المظلي - 1

(1) $P-f=m\;a$: الشكل على المحور الموضّع في الشكل المعاقبة على المحور الموضّع في الشكل

mg-k $v^2=mrac{dv}{dt}$: وبالتالي نكتب المعادلة التفاضلية $a=rac{dv}{dt}$ و $a=rac{dv}{dt}$

(2) $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v^2 = g$: نكتب ، m نكتب المعادلة على المعادلة على بتقسيم طرفي المعادلة على المعادلة على بالمعادلة على المعادلة على الم

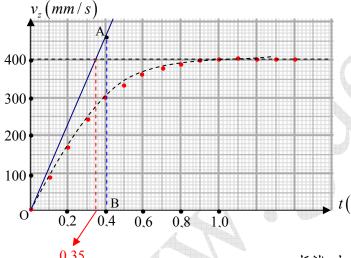
وة الثقل لا تتغيّر أثناء الحركة . في بداية السقوط تكون سرعة الجسم معدومة ، وأثناء النزول تزداد سرعته ، وبالتالي تزداد قوة a=0 العلاقة 1) ، أي a=0 وتصبح الحركة منتظمة . الاحتكاك . وفي اللحظة التي تصبح فيها a=0 يصبح a=0 يصبح a=0 يصبح العلاقة 1) ، أي a=0 وتصبح الحركة منتظمة .

 $rac{dv}{dt} = 0$ يكون أن نحسبه في أية لحظة . مثلا عندما تكون السرعة ثابتة يكون k هو معامل ثابت ، إذن يمكن أن نحسبه في أية لحظة .

 $k = \frac{mg}{v^2} = 48,4 \; kg.m^{-1}$ وبالتالي ، $\frac{k}{m} \; v^2 = g$: بالتعويض في العلاقة (2)

التمرين 31

. $u_0 = 0$ من البيان نستنتج t = 0 . t = 0 علم أن السرعة الابتدائية هي سرعة الجسم في اللحظة



 $t=0.9~{
m s}$ ب) من البيان نلاحظ أن بعد اللحظة $t=0.9~{
m s}$ تصبح سر عة الجسم ثابتة ، و هذه السر عة هي السر عة الحديّة ، $v_{s}=400~mm/s=0.4~m/s$

z - الزمن المميّز للسقوط: فاصلة تقاطع المماس للبيان في المبدأ مع الخط المقارب هي قيمة الزمن المميّز للسقوط. $\tau=0.36~{
m s}$

3 - التسارع هو مشتق السرعة بالنسبة للزمن ، فهو يمثل ميل

 $a_0 = \frac{v_I}{\tau} = \frac{0.4}{0.35} = 1.14 \ m/s^2$. المماس لبيان السرعة

: على الشكل $\frac{dv_z}{dt} = g\left(1 - \rho_f \frac{V_s}{m}\right) - \frac{k}{m}v_z$ على الشكل - 4

(1)
$$\frac{dv_z}{dt} = g - \frac{\pi}{m} - \frac{k}{m}v_z$$
 ونعلم أن دافعة أرخميدس $\pi = \rho_f V_s g$ ونعلم أن دافعة أرخميدس ، $\frac{dv_z}{dt} = g - \frac{\rho_f V_s g}{m} - \frac{k}{m}v_z$

 $\pi=0,115\,N$ ومن العلاقة (1) نستنتج $g-\frac{\pi}{m}=1,14$ ونجد $\frac{dv_z}{dt}=a_0=1,1\,m.s^{-2}$ ونجد v=0

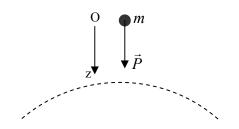
 $k=0.038\;kg/s$ فإن $v=v_l=0.4m/s$ في العلاقة (1) نجد في العلاقة (1) في العلاقة

 $k = \frac{m}{\tau} = \frac{13.3 \times 10^{-3}}{0.35} = 0.038 \ kg/s$ يمكن كذلك حساب ثابت الاحتكاك (k) من عبارة الثابت المميز للحركة

التمرين 32

1 - أثناء السقوط لا يخضع الجسم إلا لقوة ثقله (عدم وجود أية مقاومة ، وكأن الجسم يسقط داخل أنبوب نيوتن) . أنبوب نيوتن هو أنبوب زجاجي يوجد داخله 3 أجسام مختلفة : كرة خشبية صغيرة ، كرة معدنية صغيرة ، ريشة طائر . لما نفرع الأنبوب من الهواء نلاحظ أن هذه الأجسام كلها تسقط بنفس الشكل ، أي عندما نقلب الأنبوب شاقوليا ، فإنها تصل إلى أسفل الأنبوب في نفس الوقت . وهذا ما يحدث لهذه الأجسام بجوار سطح القمر . أنبوب نيوتن موجود في مخابر الفيزياء .

الجسم يسقط سقوطا حرًّا على سطح القمر .



 $\vec{P} = m \ \vec{a}$ المعادلة التفاضلية : بتطبيق القانون الثانى لنيوتن -2

$$\frac{dv}{dt} = g$$
 : وبالتالي ، $mg = m\frac{dv}{dt}$: Oz بإسقاط العلاقة على

$$z(t)$$
 , $v(t)$, $a(t)$: المقصود هو المعادلات الزمنية المقصود هو -3

. $v(t) = gt + v_0$: بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة a(t) = g

$$z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0 t + z_0$$
 : خصل على معادلة الفاصلة : بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة :

4 - مدّة السقوط: حسب العبارة: " ترك رجل الفضاء جسما يسقط ... " نفهم أن السرعة الابتدائية معدومة .

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{4}{1,6}} = 1,58 \, s$$
 لدينا : $h = \frac{1}{2}gt^2$: لدينا

 $v = gt = 1,6 \times 1,58 = 2,53 \ m/s$: سرعة مركز عطالة الجسم

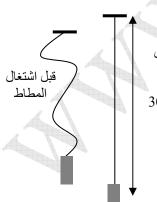
التمرين 33

1 - بما أن السقوط حر ، إذن الشخص لا يخضع إلا لقوّة ثقله أثناء سقوطه :

. القانون الثاني لنيوتن $\vec{p}=m\vec{g}=m$ ، ومنه $\vec{q}=\vec{g}$ ، ومنه $\vec{q}=\vec{g}$

معادلات الحركة: a(t) = g ، بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة السرعة :

: الفاصلة بالمكاملة بالنسبة للزمن واستعمال الشروط الابتدائية ، نحصل على معادلة الفاصلة : $v(t) = gt + v_0$



لحظة بدء اشتغال المطاط

0 m

 $z(t) = \frac{1}{2}t^2 + v_0t + z_0$

 $\vec{a}\left(0,0,a_{z}\right)$ إحداثيات تسارع الشخص هي

ومنه المسار هو الشاقول (حركة مستقيمة) .

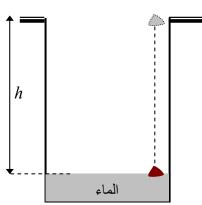
2 - قبل أن يبدأ المطاط في التأثير على الشخص يكون هذا الأخير خاضعا فقط لقوّة ثقله .

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}} = \sqrt{\frac{60}{9.8}} = 2,47 s$$
) مدّة السقوط (أ

$$v = gt = 9,8 \times 2,47 = 24,2 \ m/s$$
: ب) السرعة

$$E_C = \frac{1}{2}mv^2 = 0.5 \times 75(24.2)^2 = 21961 J$$
 : الطاقة الحركية (ج

التمرين 34



نفرض أن الحجر تركناه يسقط من حافة فوهة البئر . ثم أن عمق البئر المطلوب هو فقط من حافة فوهة البئر حتى مستوى سطح الماء .

نفرض كذلك أن الحجر سقط في البئر سقوطا حرّا .

$$h = \frac{1}{2}gt^2 = 0,5 \times 9,8 \times 4 = 19,6m - 1$$

(سرعة وصول الحجر إلى سطح الماء) $v = gt = 9.8 \times 2 = 19.6 \ m/s - 2$

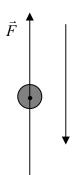
3 - نفرض أن أذن الشخص الذي ترك الحجر يسقط في البئر كانت بجوار حافة البئر.

ينتشر الصوت بسرعة ثابتة $v_{s}=340\,m/s$. المدة اللازمة لانتشار الصوت من الماء إلى الأذن

$$t_s = \frac{h}{v_s} = \frac{19.6}{340} = 0.057 \ s$$
 هي إذن

 $t'=t+t_s=2+0,057=2,057$ المدة الزمنية منذ ترك الحجر إلى سماع الصوت هي

التمرين 35



 $P=mg=
ho_{eau}Vg$: قل قطرة الماء - 1

. $\Pi =
ho_{air} Vg$: العرة في الهواء تؤثر على الكرة في الهواء

 $\frac{P}{\Pi} = \frac{\rho_{eau}}{\rho_{air}} = \frac{1000}{1.3} \approx 769$ تقارن بين ثقل القطرة ودافعة أرخميدس بقسمة الثقل على الدافعة

نلاحظ أن الثقل أكبر بكثير من دافعة أرخميدس ، لهذا يمكن إهمالها أمام الثقل .

: الشكل المحور الموضح في الشكل : $\vec{P} + \vec{F} = m \; \vec{a}$ ، وبإسقاط هذه العلاقة على المحور الموضح في الشكل : $P - F = m \; \vec{a}$

(1)
$$\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r\eta}{m}v = g : \text{ in Indeletia in Indeletia} \quad mg - 6\pi r\eta \quad v = m\frac{dv}{dt}$$

 $rac{dv}{dt} = 0$: يبلغ الكرة سرعة حدية ، معناه تصبح سرعتها ثابتة ، وبالتالي -3

(2)
$$v_l = \frac{mg}{6\pi r\eta}$$
 ومنه ، $\frac{6\pi r\eta}{m}v_l = g$ باستعمال العلاقة (1) نكتب

 $m=
ho_{eau} imes V$: كتلته قطرة الماء : القطرة عبارة عن كرة إذن حجمها هو $V=rac{4}{3}\pi r^3$ نحسب كتلة قطرة الماء : القطرة عبارة عن كرة إذن حجمها هو

$$m = \rho_{eau} \times \frac{4}{3}\pi r^3 = 1 \times \frac{4}{3} \times 3,14 \times (20 \times 10^{-4})^3 = 3,35 \times 10^{-8} g$$

$$v_l = \frac{3,35 \times 10^{-11} \times 10}{6 \times 3,14 \times 20 \times 10^{-6} \times 1,8 \times 10^{-5}} = 4,9 \times 10^{-2} \ m/s$$
 (2) بالتعويض في العلاقة

$$[k] = \frac{[K][M][T]^{-2}}{[M][T]^{-1}} = [K][T]^{-1}$$
 : وحدة k و $k = \frac{f}{v}$ ، ومنه $k = \frac{f}{v}$

حيث : K : الكيلوغرام ، M : المتر ، T : الزمن

kg / هي k هي د د وبالتالي وحدة k و k هي k النيوتن هو كتلة مضروبة في تسارع ، أي k أي k k k k k و بالتالي وحدة k

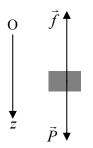
kg/m وهي، $f=k v^2$ ملاحظة: هناك وحدة أخرى لـ k و k إذا كان الاحتكاك من الشكل

$$v_0 = \frac{mg}{k} = \frac{700}{14} = 50 \; m/s$$
 السرعة الحدّية قبل فتح المظلة -2

$$v_1 = \frac{mg}{\lambda} = \frac{700}{350} = 2 \ m/s$$
 السرعة الحدّية بعد فتح المظلة - 3

4 - تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجملة (مظلى + مظلة مفتوحة) :

 $P-f=m\;a$ ، Oz وبإسقاط هذه العلاقة الشعاعية على المحور، $ec{P}+ec{f}=m\;ec{a}$



(1)
$$\frac{mg}{\lambda} - v(t) = \frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 : نكتب λ نكتب $mg - \lambda \ v(t) = m \frac{dv(t)}{dt}$

(2)
$$v(t)-v_1=-\frac{m}{\lambda} \frac{dv(t)}{dt}$$
 (1) ولدينا $v_1=\frac{mg}{\lambda}$ ولدينا

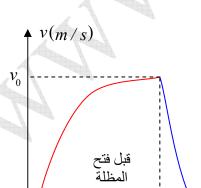
(3)
$$v(t) = Ae^{\alpha t} + B$$
 : إن حل هذه المعادلة التفاضلية من الشكل

$$A\,e^{lpha\,t}+B-v_{_{1}}=-rac{m}{\lambda}\,\,Alpha\,e^{lpha\,t}\,$$
 : (2) بالتعويض في المعادلة

: ومنه ،
$$B-v_1=0$$
 و $\left(1+rac{m}{\lambda}lpha
ight)=0$ ومنه ، $Ae^{lpha t}\left(1+rac{m}{\lambda}lpha
ight)+B-v_1=0$ ومنه ، $Ae^{lpha t}\left(1+rac{m}{\lambda}lpha
ight)$

.
$$B = v_1$$
 $\alpha = -\frac{\lambda}{m}$

لكي نحد A نستعمل الشروط الابتدائية ، أي عند $t=t_0$ كان $t=t_0$ ، حيث $v=v_0$ هي السرعة الحدية قبل فتح المظلة . وبالتعويض



$$A = rac{v_0 - v_1}{e^{-rac{\lambda}{m}t_0}}$$
 ومنه $v_0 = A \, e^{lpha \, t_0} + B$: (3) في المعادلة

$$v(t) = (v_0 - v_1)e^{-rac{\lambda}{m}(t-t_0)} + v_1$$
: وبالتالي يكون حل المعادلة التفاضلية

للمزيد : تمثيل السرعة بدلالة الزمن قبل وبعد فتح المظلة